

Exercice 1 Contraste d'une figure d'interférences

1) $I(M) = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos(\Delta\varphi(M))$

2) $I_{max} = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2}$ $I_{min} = I_1 + I_2 - 2\sqrt{I_1 I_2}$ d'où $C = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}} = \frac{2\sqrt{I_1 I_2}}{I_1 + I_2}$

3) C s'écrit $C = \frac{2\sqrt{\alpha}}{1+\alpha}$, sa valeur est maximale pour $\alpha = 1$

4) Pour bien distinguer les franges d'interférences, il est préférable d'éclairer deux fentes de même largeur (contraste maximal)

Exercice 2 Trous d'Young : source à l'infini

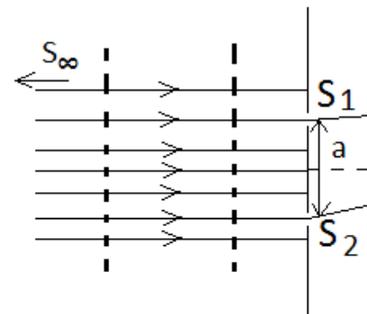
1) Allure des surfaces d'onde :

2) $\delta(M) = (SM)_2 - (SM)_1 = (SS_2) + (S_2M) - (SS_1) - (S_1M) = (S_2M) - (S_1M) \approx \frac{ax}{D}$

d'après le calcul du cours

On en déduit $\Delta\varphi(M) = 2\pi \frac{ax}{\lambda D}$

3) δ et $\Delta\varphi$ ont la même expression donc les variations de $I(M)$ seront les mêmes que dans le cas d'une source à distance finie.



Exercice 3 Trous d'Young : observation à l'infini

1) $(SS_1) = (SS_2)$ et $(S_1M) = (HM)$ donc $\delta(M) = (S_2H) = S_2H = a \sin \alpha \approx a \alpha$ (petits angles)

2) $\Delta\varphi(M) = 2\pi \frac{a\alpha}{\lambda}$

3) Frange brillante $\Leftrightarrow \Delta\varphi(M) = 2p\pi$ avec $p \in \mathbb{Z} \Leftrightarrow \alpha = p \frac{\lambda}{a}$ avec $p \in \mathbb{Z}$

4) $\tan \alpha = \frac{x_p}{D}$ donc $x_p = \tan \alpha \cdot D \approx \alpha D = p \frac{\lambda D}{a}$, l'interfrange vaut $i = \lambda \frac{D}{a}$

5) Il ne s'agit pas d'une surface d'onde car $(SS_1) \neq (SH)$ (ou : les rayons situés entre les deux rayons représentés ne sont pas parallèles entre eux, car S_1 et S_2 émettent des ondes sphériques).

Exercice 4 Réseau de diffraction

1) Schéma de l'expérience (vue de dessus : les fentes sont orthogonales au plan du schéma)

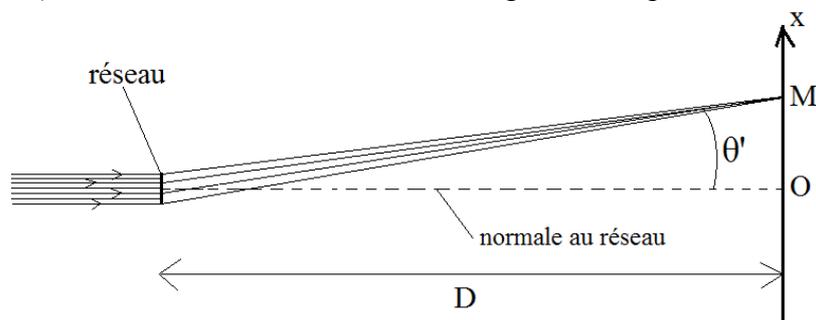
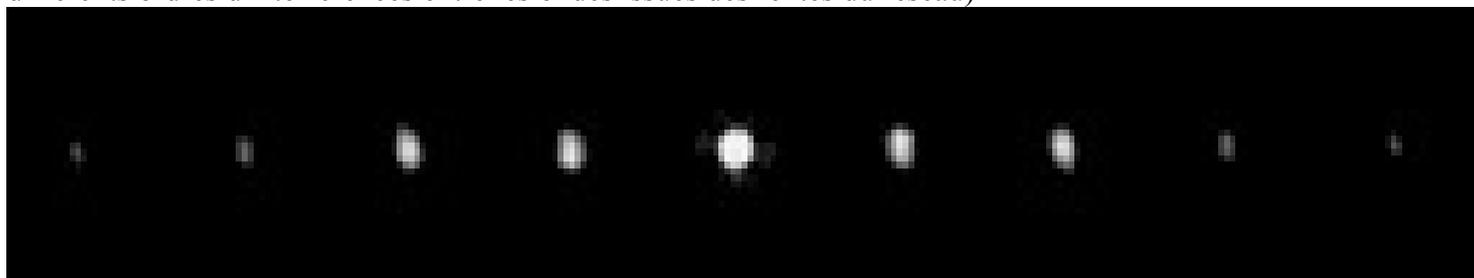


Figure observée sur l'écran : taches lumineuses intenses (pics localisés d'intensité lumineuse correspondant à différents ordres d'interférences entre les ondes issues des fentes du réseau)



2) L'angle correspondant à l'ordre 2 est tel que $\tan \theta_2 = \frac{x_2}{D}$

Relation fondamentale des réseaux : $\sin \theta' - \sin \theta = p \frac{\lambda}{a}$

Attention : les angles ne sont pas petits dans le cas des réseaux de diffraction !

Dans le cas étudié ici (incidence normale et ordre $p = 2$), $\sin \theta_2 = 2 \frac{\lambda}{a}$ donc $\lambda = \frac{a \cdot \sin \theta_2}{2} = \frac{a \cdot \sin \left(\arctan \left(\frac{x_2}{D} \right) \right)}{2}$

Le réseau porte l'indication "300 traits par mm" donc $a = \frac{1}{300} \text{ mm} = 3,3 \cdot 10^{-6} \text{ m}$

On en déduit $\lambda = 550 \text{ nm}$, il s'agit d'un laser vert.

3) Pour l'ordre p , $\tan \theta_p = \frac{x_p}{D}$ et $\sin \theta_p = p \frac{\lambda}{a}$ donc $x_p = D \tan \left(\arcsin \left(p \frac{\lambda}{a} \right) \right)$

On obtient $x_1 = 25,1 \text{ cm}$ $x_3 = 85,5 \text{ cm}$ $x_4 = 132 \text{ cm}$

4) $x'_2 = D \tan \left(\arcsin \left(p \frac{\lambda'}{a} \right) \right) = 61,6 \text{ cm}$

Exercice 5 Trous d'Young : observation à travers une lentille

1) voir schéma

2) $x = D \cdot \tan i'$

3) En considérant le trajet inverse de la lumière : M serait la source, A et H seraient sur une surface d'onde de M, donc $(MA) = (MH)$, on en déduit $(AM) = (HM)$.

$\delta(M) = (SM)_B - (SM)_A = (SB) + (BH) + (HM) - (SA) - (AM)$

Or on a $(SA) = (SB)$ et $(AM) = (HM)$ donc $\delta(M) = BH = a \sin i'$

4) $i' \sim \tan i' = x/D$ et $\sin i' \sim i'$ donc $\delta(M) \sim ax/D$

$$\Delta \varphi(M) = 2\pi \frac{\delta(M)}{\lambda_0} = 2\pi \frac{ax}{\lambda_0 D} \text{ donc } I(x) = I_0 + I_0 + 2\sqrt{I_0 I_0} \cos(\Delta \varphi(M)) = 2I_0 \left(1 + \cos \left(2\pi \frac{ax}{\lambda_0 D} \right) \right)$$

On observe une frange brillante $\Leftrightarrow \Delta \varphi(M) = p \cdot 2\pi$ avec p entier $\Leftrightarrow x = p \frac{\lambda_0 D}{a}$

donc l'interfrange vaut $i = x_1 - x_0 = \frac{\lambda_0 D}{a}$

AN : $i = 1,2 \text{ mm}$

5) La différence de marche est modifiée (voir schéma) :

$\delta(M) = (SM)_B - (SM)_A = (SB) + (BH) + (HM) - (SK) - (KA) - (AM)$

Or on a $(SK) = (SB)$ ainsi que $(AM) = (HM)$

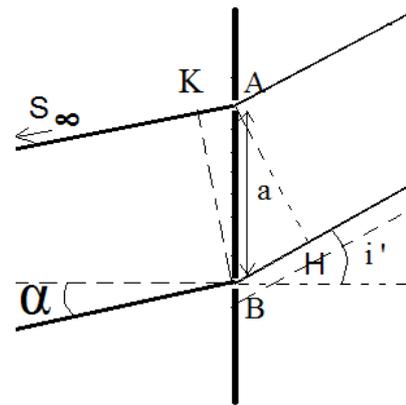
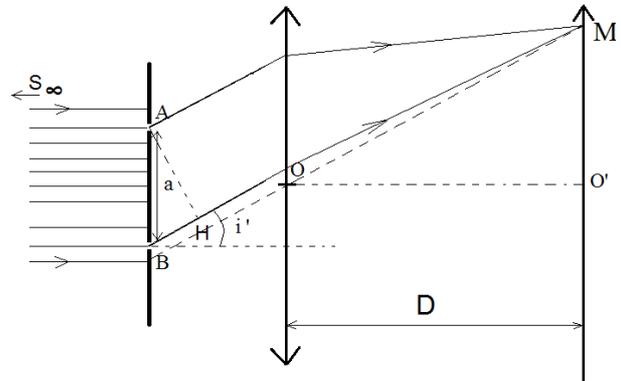
D'autre part $BH = a \sin i' \sim a \cdot i' \sim ax/D$ (comme précédemment)

et $KA = a \sin \alpha \sim a \cdot \alpha$ donc $\delta(M) = ax/D - a \cdot \alpha$

On en déduit $I'(x) = 2I_0 \left(1 + \cos \left(2\pi \frac{a}{\lambda_0} \left(\frac{x}{D} - \alpha \right) \right) \right)$

La frange d'ordre 0 correspond à $\Delta \varphi(M) = 0 \Leftrightarrow \delta(M) = 0 \Leftrightarrow x = \alpha \cdot D$

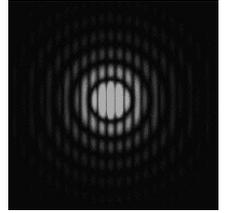
6) Les deux figures d'interférences sont identiques (même interfrange, même intensité maximale) mais elles sont décalées de $\alpha \cdot D$ sur l'écran. Pour que la somme $I(x) + I'(x)$ soit constante, il faut que les maximums de $I(x)$ coïncident avec les minimums de $I'(x)$, soit $\alpha \cdot D = i/2 + k \cdot i$ avec k entier (décalage d'un demi-interfrange).



Exercice 6 Trous d'Young

1) On observe des franges d'interférences rectilignes régulièrement espacées, dans la figure de diffraction d'un trou (tache centrale circulaire et anneaux d'intensité décroissante). Les franges d'interférences sont orthogonales à T_1T_2 .

L'interfrange i vaut $i = \lambda \frac{d}{a}$.



Si l'on remplace les trous par des fentes, on observe les mêmes franges d'interférence, mais dans la figure de diffraction d'une fente (figure étalée selon T_1T_2 , tache centrale plus large et brillante que les autres).



2) Entre les photodiodes numérotées 280 et 720, on compte 5 interfranges. La longueur occupée par une photodiode vaut $L_p = L/N = 3,91 \cdot 10^{-5}$ m, on a donc $5i = 440 \cdot L_p$ soit $i = \frac{440 \cdot L}{5N} = 3,44$ mm

On en déduit $\lambda = \frac{ai}{D} = 550$ nm

3) La tache centrale s'étend entre les photodiodes 200 et 820, donc sa largeur vaut $l = 620 \cdot L_p = 2,42$ cm

Pour l'angle de diffraction θ , on a $\theta \approx \tan \theta = \frac{l/2}{D}$ et $\theta = 1,22 \frac{\lambda}{d}$ donc le diamètre de chacun des trous vaut

$$d = 1,22 \frac{2 \cdot \lambda \cdot D}{l} = 69 \text{ } \mu\text{m}$$

4) L'incertitude est due au repérage du numéro des photodiodes lors de la détermination de l'interfrange. En notant n le nombre de photodiodes correspondant à 5 interfranges : $n = 440 \pm 30$ donc $u(n) = 30$

$$i = \frac{n \cdot L}{5N} \text{ donc } \frac{u(i)}{i} = \frac{u(n)}{n}, \text{ on en déduit } u(i) = 0,23 \text{ mm} \quad i = 3,44 \pm 0,23 \text{ mm}$$

$$\lambda = \frac{ai}{D} \text{ donc } \frac{u(\lambda)}{\lambda} = \frac{u(i)}{i}, \text{ d'où } u(\lambda) = 37 \text{ nm} \quad \lambda = 550 \pm 37 \text{ nm}$$

5) Pour $a = 1$ cm on obtient $i = 6,9 \cdot 10^{-5}$ m or une photodiode occupe $L_p = 3,9 \cdot 10^{-5}$ m : l'interfrange occuperait moins de deux photodiodes. Le passage d'une frange brillante à une frange sombre ne pourrait pas être observé, on ne pourrait pas mesurer précisément l'interfrange.

6) On considérant la superposition de deux ondes monochromatique de longueur d'onde λ_k en un point M,

$$I_k = 2I_{k,0} (1 + \cos(\Delta\varphi(M))) = 2I_{k,0} \left(1 + \cos\left(2\pi \frac{ax}{\lambda_k D}\right) \right) \quad (\text{interfrange } i = \frac{\lambda_k D}{a})$$

$$7) \Delta\varphi = 2p\pi \text{ avec } p = 7 \text{ donc } 2\pi \frac{ax_{3,7}}{\lambda_3 D} = 14\pi \text{ donc } x_{3,7} = 7 \frac{\lambda_3 D}{a} = 2,39 \text{ cm}$$

$$\text{Pour chacune des autres raies, } \Delta\varphi = 2\pi a \frac{x_{3,7}}{\lambda_k D} \quad \text{pour } \lambda_1 = 404,7 \text{ nm} \quad \Delta\varphi = 9,4 \cdot (2\pi)$$

$$\text{pour } \lambda_2 = 435,8 \text{ nm} \quad \Delta\varphi = 8,8 \cdot (2\pi)$$

$$\text{pour } \lambda_4 = 578,0 \text{ nm} \quad \Delta\varphi = 6,6 \cdot (2\pi)$$

Les interférences sont plutôt destructives ($2\pi(9,5)$ et $2\pi(6,6)$) pour le violet et le jaune, et plutôt constructives ($2\pi \cdot 9$) pour le bleu. Elles sont constructives pour le vert (ordre 7), on observe une teinte bleu-verte (cyan)

Exercice 7 Utilisation d'une source étendue

1) Expression approchée : $\delta(M) \simeq \frac{ax}{D}$

2) Frange brillante $\Leftrightarrow \Delta\varphi = 2p\pi \Leftrightarrow x_p = p \frac{\lambda D}{a}$ d'où l'interfrange $i = x_{p+1} - x_p = \frac{\lambda D}{a}$

3) $\delta(M) \simeq \frac{ax}{D} + \frac{ax'}{d}$

4) Frange brillante $\Leftrightarrow \Delta\varphi = 2p\pi \Leftrightarrow \frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{ax}{D} + \frac{ax'}{d} \right) = 2p\pi \Leftrightarrow x_p = p \frac{\lambda D}{a} - x' \frac{D}{d}$

Interfrange identique à celui de la figure formée par la source S

5) Le brouillage correspond à un décalage d'un demi-interfrange, donc $x' \frac{D}{d} = \frac{\lambda D}{2a}$ soit $x' = \frac{\lambda d}{2a}$

6) On obtient $x' = 1.10^{-4}$ m soit 0,1 mm pour la (demi)largeur maximale de la source.