

3TSI - Physique-Chimie  
Programme de colle n°16 - Semaine du 10/02 au 14/02

**Questions de cours P10 - Conduction thermique**

Rappeler la Loi de Fourier (avec unités). Quelle est la relation entre le vecteur  $\vec{j}_Q$  et le flux thermique  $\Phi$  à travers une surface  $S$  ?

Comment écrit-on l'équation de la diffusion thermique (en régime quelconque), dans le cas unidimensionnel ? Indiquer l'expression et l'unité du coefficient  $\alpha$  de diffusivité thermique. Comment peut-on exploiter ce coefficient pour des calculs d'ordre de grandeur ?

Rappeler la définition et l'unité de la résistance thermique. Comment la calcule-t-on dans le cas d'une barre ou d'un mur (cas unidimensionnel) ? Citer quelques ordres de grandeur de conductivités thermiques : cuivre, brique, laine de verre. Comment s'exprime la résistance thermique associée au transfert thermique entre un solide et un fluide ?

**Exercice de Physique P10 - Conduction thermique**

**Entraînement** Association de deux matériaux

On superpose deux cylindres de même diamètre :

- cylindre supérieur : épaisseur  $e_1 = 30$  mm, conductivité thermique  $\lambda_1 = 200$  SI
- cylindre inférieur : épaisseur  $e_2 = 2$  mm, conductivité thermique  $\lambda_2 = 0,8$  SI

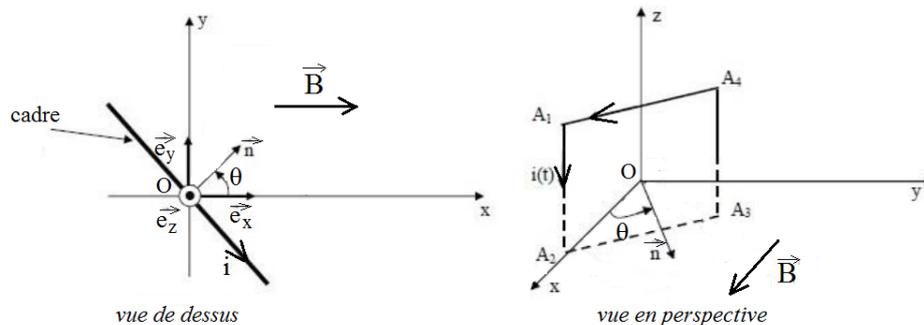
On suppose que la température ne dépend que de la coordonnée verticale  $z$  (l'origine est prise à l'interface entre les deux cylindres). On impose une température  $T_1 = 300$  °C sur la face supérieure de l'ensemble, et une température  $T_2 = 20$  °C sur la face inférieure. On note  $T_f$  la température (inconnue) au contact entre les deux cylindres.

- 1 ) Retrouver l'unité SI de la conductivité thermique  $\lambda$ .
- 2 ) Un cylindre est en métal, l'autre en verre. De quel matériau le cylindre supérieur est-il constitué ?
- 3 ) Résoudre l'équation de la diffusion thermique en régime permanent pour le cylindre supérieur. On exprimera  $T$  en fonction de  $z$ ,  $e_1$ ,  $T_1$  et  $T_f$ .
- 4 ) De même, pour le cylindre inférieur, exprimer  $T$  en fonction  $z$ ,  $e_2$ ,  $T_2$  et  $T_f$ .
- 5 ) Calculer la valeur numérique de  $T_f$ . Représenter l'allure de  $T(z)$ .

**Exercice de Physique P11 - Induction et forces de Laplace**

**Entraînement** Circuit mobile

Un circuit rectangulaire de surface  $S$  et de résistance  $R$  est en rotation autour de l'axe ( $Oz$ ) avec une vitesse angulaire constante  $\Omega = \frac{d\theta}{dt}$  (on a donc  $\theta(t) = \Omega t$ ). Le champ magnétique est uniforme et stationnaire :  $\vec{B} = B_0 \vec{u}_x$ . On donne l'expression du moment magnétique du circuit :  $\vec{\mu} = i \vec{S}$



- 1 ) Exprimer l'intensité  $i(t)$  en fonction de  $B_0$ ,  $S$ ,  $R$ ,  $\Omega$  et  $t$ .
- 2 ) En déduire le moment selon  $Oz$   $\Gamma_{Oz}(t)$  des forces de Laplace (on rappelle l'expression du moment magnétique du circuit :  $\vec{\mu} = i \vec{S}$ ).
- 3 ) Les forces de Laplace sont-elles motrices ou résistantes dans cette situation ?

## Corrigé

### Association de deux matériaux (indications)

1) D'après  $\vec{j}_Q = -\lambda \overrightarrow{\text{grad}} T$ ,  $\lambda$  s'exprime en  $\text{W.m}^{-1}.\text{K}^{-1}$

2) D'après les valeurs fournies pour  $\lambda_1$  et  $\lambda_2$ , on peut associer le cuivre (bon conducteur) au cylindre supérieur) et le verre (conductivité moyenne) au cylindre inférieur.

3)  $\frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = 0$  d'où  $T(z) = az + b$

Conditions aux limites :  $T(0) = T_f = b$  et  $T(e_1) = T_1 = a e_1 + b$  d'où  $T(z) = \frac{T_1 - T_f}{e_1} z + T_f$

4)  $\frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = 0$  d'où  $T(z) = a' z + b'$

Conditions aux limites :  $T(0) = T_f = b'$  et  $T(-e_2) = T_2 = -a e_2 + b$  d'où  $T(z) = \frac{T_f - T_2}{e_2} z + T_f$

5) En régime permanent, le flux thermique est le même sur toutes les sections.

$$\Phi = \vec{j}_Q \cdot \vec{S} = -\lambda \cdot S \frac{dT}{dz}$$

Dans le cylindre supérieur  $\Phi_1 = -\lambda_1 S \frac{T_1 - T_f}{e_1}$  Dans le cylindre inférieur  $\Phi_2 = -\lambda_2 S \frac{T_f - T_2}{e_2}$

On a  $\Phi_1 = \Phi_2$  donc  $\lambda_1 \frac{T_1 - T_f}{e_1} = \lambda_2 \frac{T_f - T_2}{e_2}$  d'où  $T_f = \frac{1}{\frac{\lambda_1}{e_1} + \frac{\lambda_2}{e_2}} (\lambda_1 \frac{T_1}{e_1} + \lambda_2 \frac{T_2}{e_2})$  AN :  $T_f = 283 \text{ °C}$

### Circuit mobile

1)  $\Phi(t) = \vec{B}_0 \cdot \vec{S} = B_0 S \cos(\theta(t)) = B_0 S \cos(\Omega t)$  (spire plane, champ uniforme)

Loi de Faraday :  $e(t) = -\frac{d\Phi}{dt} = +B_0 S \Omega \sin(\Omega t)$  puis  $I(t) = \frac{e(t)}{R} = \frac{B_0 S \Omega}{R} \sin(\Omega t)$

2) On a  $\vec{\Gamma} = \vec{u} \wedge \vec{B} = -i(t) S B_0 \sin \theta \vec{u}_z = -B_0^2 \frac{S^2}{R} \Omega \sin^2(\Omega t) \vec{u}_z$  d'où  $\Gamma_{Oz} = -B_0^2 \frac{S^2}{R} \Omega \sin^2(\Omega t)$

3) La puissance reçue de la part des forces de Laplace vaut  $\Gamma_{Oz} \cdot \Omega = -B_0^2 \frac{S^2}{R} \Omega^2 \sin^2(\Omega t) < 0$ , les forces de Laplace sont résistantes.