

Intégrales sur un intervalle ouvert

<i>Calcul des intégrales - Etude de la convergence</i>	<i>Propriétés</i>
1) Calcul : - Définition (comme limite d'une intégrale sur un segment) - Intégration par parties (<u>sur un segment !</u>) - Changement de variables (<u>bijectif et de classe C¹ !</u>) 2) Etude de la convergence : - Pour les fonctions positives : Critères d'encadrement, d'équivalence. - Intégrales de référence : Riemann, exp, ln $\int_0^1 \frac{dt}{t^\alpha}$ est convergente si et seulement si $\alpha < 1$ $\int_1^{+\infty} \frac{dt}{t^\alpha}$ est convergente si et seulement si $\alpha > 1$ $\int_0^1 \ln t \, dt$ est convergente. $\int_1^{+\infty} \ln t \, dt$ est divergente. $\int_0^{+\infty} e^{-\alpha t} \, dt$ est convergente si et seulement si $\alpha > 0$ - Prolongement par continuité - Séparation en deux intégrales pour les intégrales doublement impropres. - Absolue convergence $\rightarrow$ convergence	- Définition d'une fonction intégrable - Relation de Chasles (pour les intégrales convergentes) - Linéarité (pour les intégrales convergentes) - Inégalité de la moyenne - Intégrale nulle - Comparaison série – intégrale : Soit $f : [n_0, +\infty[$ une fonction continue, positive et décroissante. Alors $\sum f(n)$ et $\int_{n_0}^{+\infty} f(t)dt$ sont de même nature.

